

**DIDAKTICKÝ TEST****Počet úloh: 16****Maximální bodové hodnocení: 50 bodů****Povolené pomůcky: pouze psací a rýsovací potřeby****1 Základní informace k zadání zkoušky**

- **Časový limit** pro řešení didaktického testu je uveden na záznamovém archu.
- U každé úlohy je uveden maximální počet bodů.
- Za neuvedené řešení úlohy či za nesprávné řešení úlohy jako celku se neudělují **záporné body**.
- **Odpovědi pište do záznamového archu.**
- Poznámky si můžete dělat do testového sešitu, nebudou však předmětem hodnocení.
- Didaktický test obsahuje **otevřené** a **uzavřené úlohy**. Uzavřené úlohy obsahují nabídku odpovědí. U každé takové úlohy nebo podúlohy je **právě jedna odpověď správná**.
- Na začátku testového sešitu najdete vybrané **vzorce a vztahy**.

2 Pravidla správného zápisu do záznamového archu

- Řešení úloh zapisujte do záznamového archu **modře nebo černě** píšící propisovací tužkou, která píše **dostatečně silně a nepřerušovaně**.
- Nejednoznačný nebo nečitelný zápis odpovědi bude považován za chybné řešení.
- V konstrukčních úlohách rýsujte tužkou a následně vše obtáhněte propisovací tužkou.
- Hodnoceny budou **pouze odpovědi uvedené v záznamovém archu**.

2.1 Pokyny k otevřeným úlohám

- Řešení úloh **pište čitelně** do vyznačených bílých polí záznamového archu.

1

- Pokud budete chtít provést opravu, původní zápis přeškrtněte a nový uveďte do stejného pole.
- Je-li požadován celý postup řešení, uveďte jej do záznamového archu. Pokud uvedete pouze výsledek, nebudou vám přiděleny žádné body.
- **Zápis uvedené mimo** vyznačená bílá pole záznamového archu **nebudou hodnoceny**.

2.2 Pokyny k uzavřeným úlohám

- Odpověď, kterou považujete za správnou, zřetelně zakřížkujte v příslušném bílém poli záznamového archu, a to přesně z rohu do rohu dle obrázku.

14	A	B	C	D	E
	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	X	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

- Pokud budete chtít následně zvolit jinou odpověď, pečlivě zabarvěte původně zakřížkané pole a zvolenou odpověď vyznačte křížkem do nového pole.

14	X	<input type="checkbox"/>	■	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
----	---	--------------------------	---	--------------------------	--------------------------

- Jakýkoliv jiný způsob záznamu odpovědí (např. dva křížky u jedné otázky) bude považován za nesprávnou odpověď.

Druhé mocniny čísel 11–20:

$$11^2 = 121$$

$$16^2 = 256$$

$$12^2 = 144$$

$$17^2 = 289$$

$$13^2 = 169$$

$$18^2 = 324$$

$$14^2 = 196$$

$$19^2 = 361$$

$$15^2 = 225$$

$$20^2 = 400$$

Rozklad na součin:

$$a^2 + 2ab + b^2 = (a + b) \cdot (a + b)$$

$$a^2 - 2ab + b^2 = (a - b) \cdot (a - b)$$

$$a^2 - b^2 = (a + b) \cdot (a - b)$$

Přibližné hodnoty čísla π :

$$\pi \doteq 3,14$$

$$\pi \approx \frac{22}{7}$$

Obvod a obsah kruhu o poloměru r :

$$o = 2\pi r$$

$$S = \pi r^2$$

V úlohách **1, 2, 4.1, 4.2, 6, 7, 8** a **16** přepište **do záznamového archu** pouze výsledky.

1 bod

1 **Vypočtěte:**

$$0,3 : \frac{0,003}{0,3} =$$

2

2.1 První dějství divadelní hry je dlouhé třetinu ze dvou hodin. Druhé dějství trvá hodinu a půl.

Vypočtěte, kolik minut trvá divadelní představení.

2.2 Do nádrže s vodou o objemu $1,220 \text{ m}^3$ jsme přilili $12,2$ litrů vody.

Vypočtěte v dm^3 nový objem vody v nádrži.

Doporučení: Úlohy **3, 4.3** a **5** řešte přímo v záznamovém archu.

max. 4 body

3 **Vypočtete a výsledek zapишte zlomkem v základním tvaru.**

3.1

$$\frac{1}{6} + \left(\frac{5}{6} - \frac{3}{4} \right) \cdot 8 =$$

3.2

$$\frac{\frac{3}{8}+3}{8-\frac{8}{3}} =$$

V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý **postup řešení**.

max. 4 body

4

4.1 Rozložte na součin:

$$8 \cdot 8 - (3a)^2 =$$

4.2 Z daného výrazu vytkněte $\frac{3}{2}x$.

$$\frac{9}{4}x^2 + 3x^2 - \frac{9}{2}xy =$$

4.3 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$(4+z)(4-z) + 5 \cdot (z^2 + 3) - 4(z-1) \cdot z =$$

V záznamovém archu uveďte pouze v úloze 4.3 celý **postup řešení**.

max. 4 body

5 Řešte rovnici:

5.1

$$(1,6x + 0,2) \cdot 1,5 + x = 0,6x + 1$$

5.2

$$y - \frac{4y-2}{16} + 1 = \frac{2y-5}{24}$$

V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý **postup řešení** (zkoušku nezapisujte).

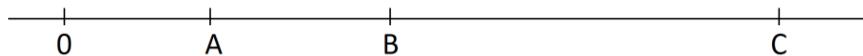
VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 6

Na číselné ose leží čísla nula, A, B a C. Pro tato čísla platí:

Číslo B leží ve 45 % vzdálenosti mezi nulou a číslem C. Leží blíže nule než číslu C.

Číslo A je pětinové ve srovnání s číslem C.

Vzdálenost mezi čísly A a B je rovna hodnotě 0,75.



Obrázek je pouze ilustrační, úlohy nelze vyřešit jeho měřením.

max. 3 body

6 Vypočtěte,

- 6.1 kolikrát větší je číslo C než číslo A,
- 6.2 o kolik procent je číslo B větší než číslo A,
- 6.3 jakou hodnotu má rozdíl čísel C a B

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 7

V herně jsou papírová krabice s papírovými koulemi, dřevěná krabice s dřevěnými koulemi a plastová krabice s plastovými koulemi.

Průměrný počet koulí v jedné krabici je 62. Plastových koulí je o 66 méně než papírových. Papírových koulí je o 18 více než dřevěných.

max. 3 body

7 Vypočtěte,

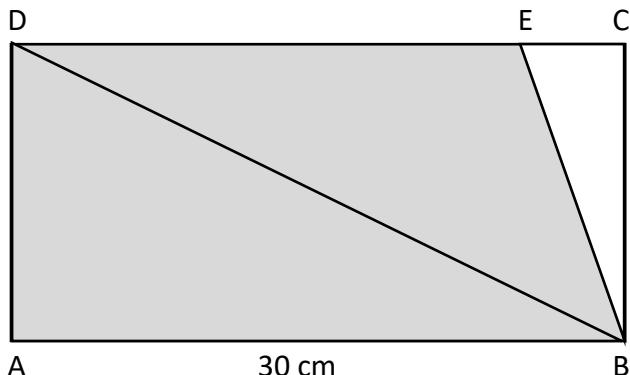
- 7.1 o kolik více je dřevěných koulí než plastových,
- 7.2 kolik koulí musíme přidat, aby průměrný počet koulí ve všech krabicích stoupil na sto,
- 7.3 kolik je papírových koulí.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 8

Obdélník ABCD má stranu AB délky 30 cm. Na straně CD leží bod E.

Trojúhelník BED má pětkrát větší obsah než trojúhelník BCE.

Obsah trojúhelníku ABD je 180 cm^2 .



max. 3 body

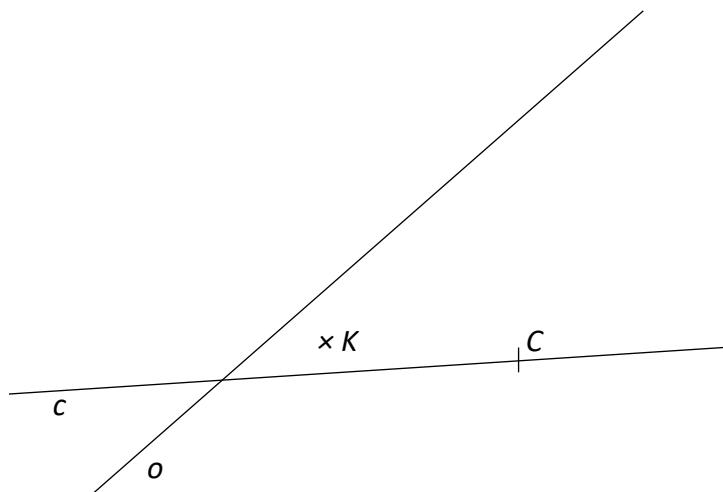
8 Vypočtěte,

- 8.1 v cm^2 obsah lichoběžníku ABED,
- 8.2 v cm obvod lichoběžníku ABED.

Doporučení pro úlohy 9 a 10. Rýsujte přímo do záznamového archu.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží body K a C a přímky c a o . Bod C leží na přímce c .



max. 3 body

- 9 Bod C je vrcholem čtverce $ABCD$. Tento čtverec je osově souměrný podle přímky o . Bod K je vnitřním bodem čtverce $ABCD$.

Sestrojte zbývající vrcholy čtverce, **označte** je písmeny a čtverec **narýsujte**. Najděte všechna řešení.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci **propisovací tužkou** (čáry i písmena).

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 10

V rovině leží body A , B a S .

\times

A

\times

S

\times

B

max. 3 body

- 10 Body A a B jsou vrcholy rovnoramenného trojúhelníku ABC. Strana AB je základnou tohoto trojúhelníku. Bod S leží na ose jednoho z vnitřních úhlů trojúhelníku ABC.

Sestrojte vrcholy C , **označte** jej písmenem a trojúhelník **narýsujte**. Najděte všechna řešení.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci **propisovací tužkou** (čáry i písmena).

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 11

Číslo A může být jakékoli přirozené číslo.

Číslo B je 2,5x větší než číslo A .

Číslo C je o 4 menší než číslo B .

max. 4 body

- 11 **Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1 – 11.3), zda je pravdivé (A), či nikoliv (N).**

- 11.1 Číslo, které je výsledkem výpočtu $2B + A$, musí být sudé.

<input type="checkbox"/>	A	<input type="checkbox"/>	N
--------------------------	----------	--------------------------	----------

- 11.2 Číslo, které je výsledkem výpočtu $2(C - B) + A$, může být kladné.

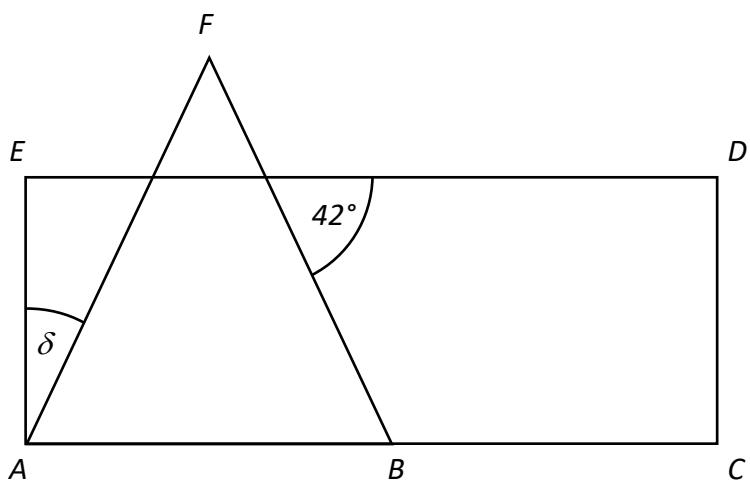
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

- 11.3 Číslo, které je výsledkem výpočtu $A + 3B + C$, musí být číslo celé.

<input type="checkbox"/>

VÝCHOZÍ TEST A OBRÁZEK K ÚLOZE 12

Trojúhelník ABF je rovnoramenný. Body AB leží na straně obdélníku ACDE.



2 body

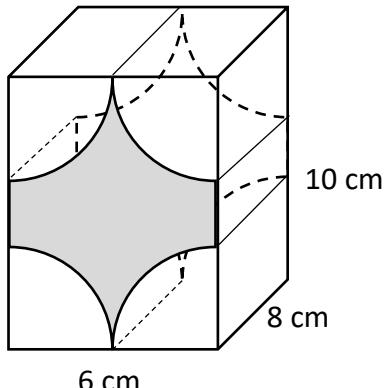
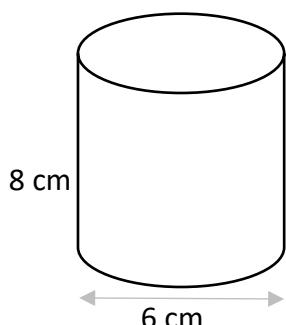
12 Jaká je velikost úhlu δ ?

Velikost úhlu neměřte, ale vypočítejte.

- A) 21
- B) 42
- C) 48
- D) 96
- E) jiná velikost

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOHÁM 13–14

Z kvádru s hranami délky 6 cm, 8 cm a 10 cm byly odříznuty čtyři stejné kusy, ze kterých je možné složit válec s průměrem 6 cm a výškou 8 cm.



2 body

13 Jak velký je objem tělesa, které zůstalo po odříznutí čtyř stejných kusů?

- A) $(480 - 18\pi) \text{ cm}^3$
- B) $(480 - 36\pi) \text{ cm}^3$
- C) $(480 - 48\pi) \text{ cm}^3$
- D) $(480 - 72\pi) \text{ cm}^3$
- E) jiný objem

2 body

14 Jak velký je povrch tělesa, které zůstalo po odříznutí čtyř stejných kusů?

- A) $(30\pi + 152) \text{ cm}^2$
- B) $(30\pi + 184) \text{ cm}^2$
- C) $(39\pi + 92) \text{ cm}^2$
- D) $(376 - 66\pi) \text{ cm}^2$
- E) jiný povrch

max. 6 bodů

15 Přiřaďte ke každé úloze odpovídající výsledek (A–F).

15.1 Na účet přišlo o 50 % více peněz, než kolik peněz na účtu bylo.

Kolik procent z aktuálního stavu účtu tvoří nově příchozí částka? _____

15.2 Kája má o polovinu více knih než Tomáš. Oba mají dohromady o polovinu více knih než Bětka.

O kolik procent knih méně má Tomáš ve srovnání s Bětkou? _____

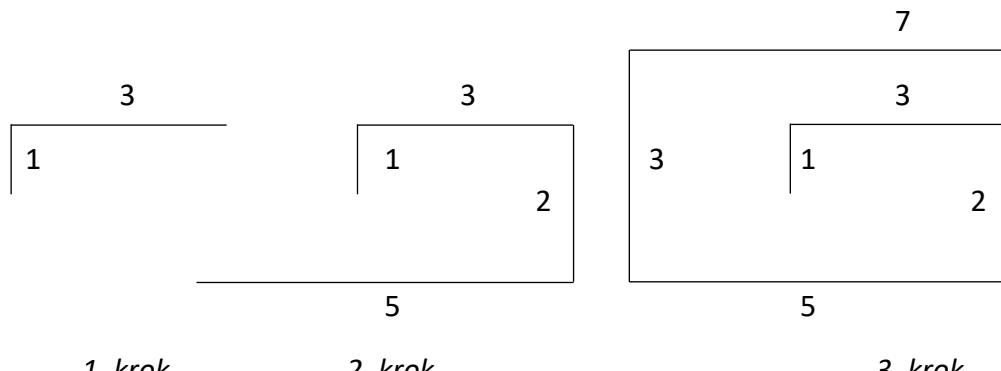
15.3 Boty, triko a kalhoty stály 2 800 Kč. Boty byly o 250 % dražší než triko, kalhoty stály 550 Kč.

O kolik procent byly kalhoty dražší než triko? _____

- A) 10
- B) 40
- C) 50
- D) 60
- E) 67
- F) jiný počet procent

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 16

Lomená čára se rozrůstá podle vzoru: V prvním kroku je tvořena dvěma úsečkami délky 1 a 3. V druhém kroku přibydou dvě úsečky délky 2 a 5. Ve třetím kroku další dvě úsečky délky 3 a 7.



max. 4 body

16 Určete délku

16.1 všech svislých úseček po 12. kroku,

16.2 všech vodorovných úseček po 14. kroku,

16.3 celé lomené čáry po 100. kroku.

ZKONTROLUJTE, ZDA JSTE DO ZÁZNAMOVÉHO ARCHU UVEDL/A VŠECHNY ODPOVĚDI.
