

**DIDAKTICKÝ TEST****Počet úloh: 16****Maximální bodové hodnocení: 50 bodů****Povolené pomůcky: pouze psací a rýsovací potřeby**

Jméno a příjmení

1 Základní informace k zadání zkoušky

- **Časový limit** pro řešení didaktického testu je uveden na záznamovém archu.
- U každé úlohy je uveden maximální počet bodů.
- Za neuvedené řešení úlohy či za nesprávné řešení úlohy jako celku se neudělují **záporné body**.
- **Odpovědi pište do záznamového archu.**
- Poznámky si můžete dělat do testového sešitu, nebudou však předmětem hodnocení.
- Didaktický test obsahuje **otevřené** a **uzavřené úlohy**. Uzavřené úlohy obsahují nabídku odpovědí. U každé takové úlohy nebo podúlohy je **právě jedna odpověď správná**.
- Na začátku testového sešitu najdete vybrané **vzorce a vztahy**.

2 Pravidla správného zápisu do záznamového archu

- Řešení úloh zapisujte do záznamového archu **modře nebo černě** píšící propisovací tužkou, která píše **dostatečně silně a nepřerušovaně**.
- Nejednoznačný nebo nečitelný zápis odpovědi bude považován za chybné řešení.
- V konstrukčních úlohách rýsujte tužkou a následně vše obtáhněte propisovací tužkou.
- Hodnoceny budou **pouze odpovědi uvedené v záznamovém archu**.

2.1 Pokyny k otevřeným úlohám

- Řešení úloh **pište čitelně** do vyznačených bílých polí záznamového archu.

1	
---	--

- Pokud budete chtít provést opravu, původní zápis přeškrtněte a nový uveďte do stejného pole.
- Je-li požadován celý postup řešení, uveďte jej do záznamového archu. Pokud uvedete pouze výsledek, nebudou vám přiděleny žádné body.
- **Zápis uvedené mimo** vyznačená bílá pole záznamového archu **nebudou hodnoceny**.

2.2 Pokyny k uzavřeným úlohám

- Odpověď, kterou považujete za správnou, zřetelně zakřížkujte v příslušném bílém poli záznamového archu, a to přesně z rohu do rohu dle obrázku.

14	A	B	C	D	E
	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	X	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

- Pokud budete chtít následně zvolit jinou odpověď, pečlivě zabarvěte původně zakřížkané pole a zvolenou odpověď vyznačte křížkem do nového pole.

14	A	B	C	D	E
	X	<input type="checkbox"/>	■	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

- Jakýkoliv jiný způsob záznamu odpovědí (např. dva křížky u jedné otázky) bude považován za nesprávnou odpověď.

Druhé mocniny čísel 11–20:

$$11^2 = 121$$

$$16^2 = 256$$

$$12^2 = 144$$

$$17^2 = 289$$

$$13^2 = 169$$

$$18^2 = 324$$

$$14^2 = 196$$

$$19^2 = 361$$

$$15^2 = 225$$

$$20^2 = 400$$

Rozklad na součin:

$$a^2 + 2ab + b^2 = (a + b) \cdot (a + b)$$

$$a^2 - 2ab + b^2 = (a - b) \cdot (a - b)$$

$$a^2 - b^2 = (a + b) \cdot (a - b)$$

Přibližné hodnoty čísla π :

$$\pi \doteq 3,14$$

$$\pi \approx \frac{22}{7}$$

Obvod a obsah kruhu o poloměru r :

$$o = 2\pi r$$

$$S = \pi r^2$$

V úlohách **1, 2, 4.1, 4.2, 6, 7, 8** a **16** přepište do záznamového archu pouze výsledky.

1 bod

- 1** Určete, kolikrát je čtyřnásobek čísla 0,2 větší než číslo 0,02

max. 2 body

- 2** Doplňte do rámečku takové číslo, aby platila rovnost.

2.1

$$1\ 300 \text{ sekund} + 0,01 \text{ hodiny} = \boxed{} \text{ minut} + 406 \text{ sekund}$$

2.2

$$350 \text{ cm}^3 + \boxed{} \text{ dm}^3 = 0,25 \text{ m}^3$$

Doporučení: Úlohy **3, 4.3** a **5** řešte přímo v záznamovém archu.

max. 4 body

- 3** Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.

3.1

$$\left(8 \cdot \frac{1}{5}\right) : \left(\frac{3}{5} \cdot \frac{3}{4} + \frac{1}{4}\right) =$$

3.2

$$\frac{3-2\frac{3}{5}}{3} =$$

max. 4 body

4

4.1 Rozložte podle vzorce (výsledný výraz uveďte ve tvaru součinu):

$$(5a)^2 - 4 \cdot 4 =$$

4.2 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$\left(2 + \frac{a}{6}\right)^2 =$$

4.3 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$(2x - 3y)^2 - (2x - 3y) \cdot (2x + 3y) + 2x(3x + 6y) =$$

V záznamovém archu uveďte pouze v úloze 4.3 celý **postup řešení**.

max. 4 body

5 **Řešte rovnici:**

5.1

$$1,6 - \frac{x}{3} - \frac{5}{4} = 0,2x - \frac{x}{2}$$

5.2

$$\frac{y+3}{8} - \frac{y-2}{6} = \frac{2}{3}y + \frac{17}{24}$$

V záznamovém archu uveďte v obou úlohách celý **postup řešení** (zkoušku nezapisujte).

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

V 5. ročníku je ve všech třídách dohromady o čtvrtinu více dívek než chlapců.

Dnes do školy nedorazila pětina dívek a čtvrtina chlapců.

max. 3 body

6 Počet všech chlapců 5. ročníku označte x .

- 6.1 V závislosti na veličině x **vyjádřete** počet dívek 5. ročníku.
- 6.2 V závislosti na veličině x **vyjádřete** celkový počet chlapců a dívek, kteří dnes nedorazili do školy.
- 6.3 Dnes je ve škole 77 chlapců a dívek z 5. ročníku.
Vypočtěte, kolik žáků celkem navštěvuje 5. ročník.

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 7

Tři kamarádi našli každý jiný počet vzácných kamínků. Dohodli se, že dají všechny své kamínky na hromádku a vezmou si z ní všichni tři stejný počet kamínků.

Poté, co to udělali, zjistili, že Tomáš si z hromádky vzal o 12 kamínků méně, než kolik do ní dal. Honza dal na hromádku dvakrát více kamínků než Michal. Polovina kamínků na hromádce byla od Tomáše.

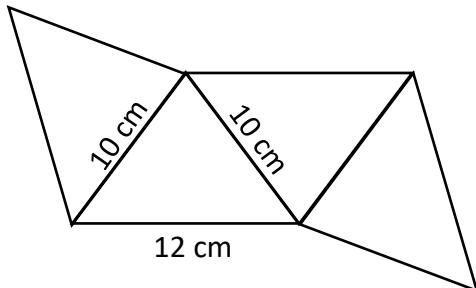
max. 3 body

7 Vypočtěte,

- 7.1 kolik kamínků měli kamarádi dohromady,
- 7.2 kolik kamínků dal na hromádku Michal.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 8

Obrazec je tvořen čtyřmi shodnými rovnoramennými trojúhelníky. Každý z trojúhelníků má základnu dlouhou 12 cm a ramena dlouhá 10 cm.



max. 3 body

8 Vypočtěte

- 8.1 v cm obvod celého obrazce,
- 8.2 v cm^2 obsah celého obrazce.

Doporučení pro úlohy 9 a 10 Rýsujte přímo do záznamového archu.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží body A , D a P .

D

×

×

A

×

P

max. 3 body

- 9 Body A a D jsou vrcholy rovnoramenného lichoběžníku $ABCD$ se základnou AB . Bod B leží na polopřímce AP . Bod B má stejnou vzdálenost od bodů A a D .

Sestrojte vrcholy B , C , označte je písmeny a lichoběžník narýsujte.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 10

V rovině leží body A , K a L .

$\times K$

\times
 A

\times
 L

max. 3 body

- 10 Bod A je vrcholem pravoúhelného rovnoramenného trojúhelníku ABC . Pravý úhel je u vrcholu A nebo u vrcholu B . Bod B leží na polopřímce AL . Bod K leží na nějaké ze stran tohoto trojúhelníku.

Sestrojte vrcholy B , C , **označte** je písmeny a trojúhelník **naryšujte**. Najděte všechna řešení.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci **propisovací tužkou** (čáry i písmena).

VÝCHOZÍ TEXT K A TABULKA K ÚLOZE 11

Eva a Klára spolu hrály dvě kola jedné hry. Eva v prvním kole získala dvakrát více bodů než v druhém kole, celkem získala 48 bodů. Klára získala v součtu o třetinu více bodů než Eva. Body, které Klára získala v 1. a 2. kole, jsou v poměru 9 : 7.

	1. kolo	2. kolo	celkem
Eva			48
Klára			

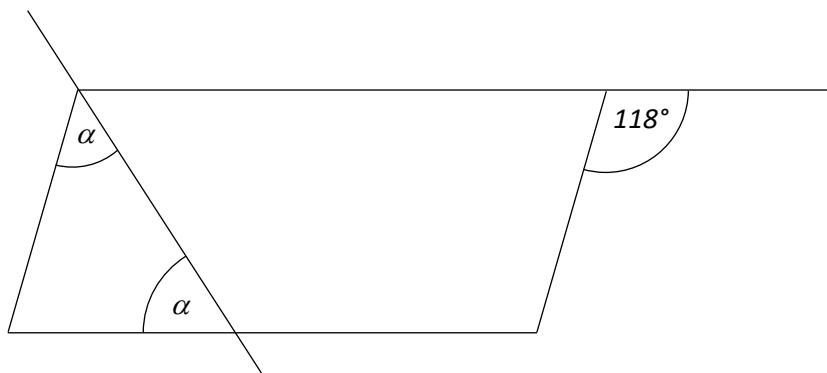
max. 4 body

- 11 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1–11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).

- | | A | N |
|--|--------------------------|--------------------------|
| 11.1 Body, které Eva získala v 1. a 2. kole, jsou v poměru 2 : 1. | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 11.2 Klára získala v 1. kole více bodů, než kolik získaly obě dívky v 2. kole dohromady. | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 11.3 Klára získala v 1. kole o 8 bodů více než v 2. kole. | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12

V rovině leží rovnoběžník a jedna přímka.



2 body

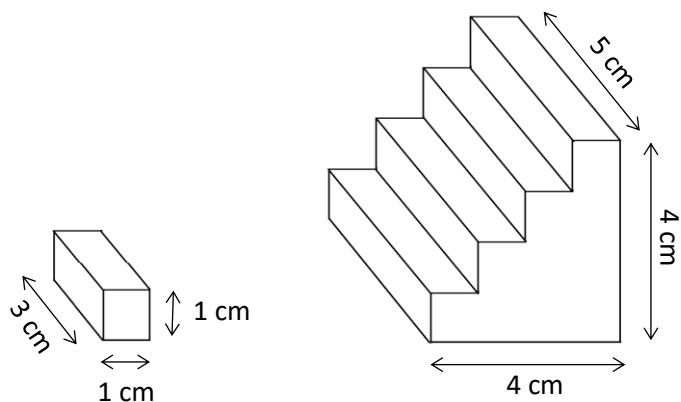
- 12 Jaká je velikost úhlu α ?
Velikost úhlu neměřte, ale vypočítejte.

- A) 58°
- B) 59°
- C) 60°
- D) 62°
- E) jiný výsledek

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 13

Na obrázku je model schodiště se čtyřmi stejnými schody. Schodiště je široké 5 cm. Schodiště je sestaveno z kvádrů o rozměrech 1 cm x 1 cm x 3 cm a také z dalších dílů stavebnice.

Model schodiště



2 body

13 Kolik nejvíce kvádrů o rozměrech 1 cm x 1 cm x 3 cm mohlo být při stavbě modelu schodiště použito?

- A) 10
- B) 11
- C) 12
- D) 13
- E) více než 13

VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 14

Továrník by potřeboval ztrojnásobit počet strojů, aby stihl vyrobit požadovaný počet výrobků za 12 dní. Podařilo se mu ale jenom zdvojnásobit počet strojů.

2 body

14 Za kolik dní továrník vyrobí požadovaný počet výrobků?

- A) 8
- B) 12
- C) 16
- D) 18
- E) 24

max. 6 bodů

15 Přiřaďte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–F).

- 15.1 20 % zákazníků ve stánku s klobásami si kupilo dvě klobásy. Ostatní si kupili jen jednu. Počet prodaných klobás tak byl o 70 větší než počet zákazníků.

Kolik klobás se prodalo? _____

- 15.2 Na skladě má obchodník již jen jedny zahradní nůžky za 450 Kč, což představuje 3 % celkové hodnoty zboží, které je na skladě. Obchodník má na skladě dále 6 stejných konvic, jejichž hodnota představuje 15 % zboží na skladě.

Kolik Kč je hodnota jedné konvice? _____

- 15.3 20 % závodníků nedorazilo do cíle závodu, protože mělo na svém závodním stroji poruchu. Z těch, kteří do cíle dorazili, bylo 25 % závodníků, kteří závodili v kategorii „motocykl“. Zbylých 1 050 závodníků, kteří do cíle dorazili, závodilo v kategorii „automobil“.

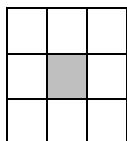
Kolik závodníků nedorazilo do cíle? _____

- A) 350
- B) 375
- C) 400
- D) 425
- E) 450
- F) jiný počet

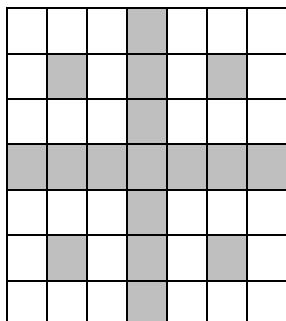
VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 16

Architekt požaduje, aby dlaždice na stěně byly umístěny výhradně podle předepsaného vzoru. Na obrázku je ukázka tří nejmenších možných sestav šedých a bílých dlaždic. Další (větší) sestavy vzniknou rozšířením podle stále stejného vzorce.

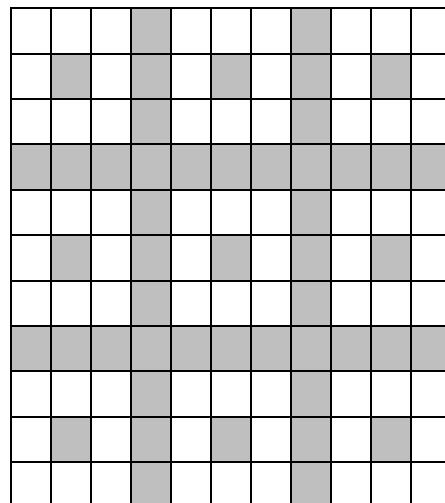
1. sestava



2. sestava



3. sestava



max. 4 body

16 Vypočtěte

- 16.1 kolik bílých a šedých dlaždic dohromady bude tvořit čtvrtou nejmenší sestavu,
- 16.2 kolik šedých dlaždic bude použito ve čtvrté nejmenší sestavě,
- 16.3 kolikátá sestava obsahuje 288 bílých dlaždic.