



# MATEMATIKA 9

## M911 VÝSLEDKY

Test je předmětem autorských práv www.dostansenagympl.cz

### DIDAKTICKÝ TEST

Počet úloh: 16

Maximální bodové hodnocení: 50 bodů

Povolené pomůcky: pouze psací a rýsovací potřeby

#### 1 Základní informace k zadání zkoušky

- Časový limit pro řešení didaktického testu je uveden na záznamovém archu.
- U každé úlohy je uveden maximální počet bodů.
- Za neuvedené řešení úlohy či za nesprávné řešení úlohy jako celku se neudělují záporné body.
- Odpovědi pište do záznamového archu.
- Poznámky si můžete dělat do testového sešitu, nebudou však předmětem hodnocení.
- Didaktický test obsahuje otevřené a uzavřené úlohy. Uzavřené úlohy obsahují nabídku odpovědí. U každé takové úlohy nebo podúlohy je právě jedna odpověď správná.

#### 2 Pravidla správného zápisu do záznamového archu

- Řešení úloh zapisujte do záznamového archu modře nebo černě píšící propisovací tužkou, která píše dostatečně silně a nepřerušovaně.
- Nejednoznačný nebo nečitelný zápis odpovědi bude považován za chybné řešení.
- V konstrukčních úlohách rýsujte tužkou a následně vše obtáhněte propisovací tužkou.

Jméno a příjmení

#### 2.1 Pokyny k otevřeným úlohám

- Rešení úloh pište čitelně do vyznačených bílých polí záznamového archu.
- 1
- Pokud budete chtít provést opravu, původní zápis přeškrtněte a nový uveďte do stejného pole.
  - Je-li požadován celý postup řešení, uveďte jej do záznamového archu. Pokud uvedete pouze výsledek, nebudou vám přiděleny žádné body.
  - Zápis uvedené mimo vyznačená bílá pole záznamového archu nebudou hodnoceny.

#### 2.2 Pokyny k uzavřeným úlohám

- Odpověď, kterou považujete za správnou, zřetelně zakřížkujte v příslušném bílém poli záznamového archu, a to přesně z rohu do rohu dle obrázku.

14 A B C D E

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	X	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
--------------------------	--------------------------	---	--------------------------	--------------------------

- Pokud budete chtít následně zvolit jinou odpověď, pečlivě zabarvěte původně zakřížkané pole a zvolenou odpověď vyznačte křížkem do nového pole.

14 A B C D E

X	<input type="checkbox"/>	■	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
---	--------------------------	---	--------------------------	--------------------------

- Jakýkoliv jiný způsob záznamu odpovědí (např. dva křížky u jedné otázky) bude považován za nesprávnou odpověď.

V úlohách **1, 2, 4.1, 4.2, 6, 7, 8** a **16** přepište do záznamového archu pouze výsledky.

**1 bod**

- 1** Vypočtěte, kolikrát jsou 2 setiny větší než 160 desetitisícin.  
Výsledek uveďte desetinným číslem.

**1,25**

---

**max. 2 body**

- 2** Doplňte do rámečku takové číslo, aby platila rovnost.

2.1

$$13 \text{ hodin } 19 \text{ minut} - 9 \text{ hodin } 47 \text{ minut} = \boxed{212} \text{ minut}$$

2.2

$$1,5 \text{ m}^2 - 200 \text{ cm}^2 = 15 \text{ dm}^2 + \boxed{13\ 300} \text{ cm}^2$$

---

**Doporučení:** Úlohy **3, 4.3** a **5** řešte přímo v záznamovém archu.

**max. 4 body**

- 3** Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.

3.1

$$1 : \frac{2+7}{2} + \frac{5}{2} \cdot \frac{1}{3} = \frac{19}{18}$$

3.2

$$\frac{\frac{7}{3}-\frac{7}{4}}{\left(2+\frac{1}{3}\right) \cdot \left(2-\frac{1}{4}\right)} = \frac{1}{7}$$

**max. 4 body**

**4**

4.1 Rozložte podle vzorce (výsledný výraz uveďte ve tvaru součinu):

$$(4b)^2 - 25 = (4b + 5)(4b - 5)$$

4.2 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$(-2) \cdot (3x + y) \cdot (3y + 1) = -6y^2 - 18xy - 6x - 2y$$

4.3 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$(4m + 2n) \cdot (4m - n) - 2m \cdot (2n + 2) + 2n \cdot (m + n) = 16m^2 + 2mn - 4m$$

**V záznamovém archu** uveďte pouze v úloze 4.3 celý **postup řešení**.

---

**max. 4 body**

**5**      **Řešte rovnici:**

5.1

$$2 \cdot \frac{6c}{5} - \frac{2}{3} = c + \frac{1}{2}$$

$$c = \frac{5}{6}$$

5.2

$$\frac{4y-6}{10} - 2y + \frac{5y+3}{5} = \frac{1}{2} + \frac{2y}{5}$$

$$y = -\frac{1}{2}$$

**V záznamovém archu** uveďte v obou úlohách celý **postup řešení** (zkoušku nezapisujte).

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

Balón A dokázal vydržet ve vzduchu 3 dny a 12 hodin.

Balón B dokázal ve vzduchu vydržet o třetinu delší dobu než balón A.

Balón A vydržel ve vzduchu dobu o třetinu kratší čas než balón C.

**max. 3 body**

**6 Vypočtěte ve dnech a hodinách, jak dlouho vydržel ve vzduchu**

6.1 balón B, **4 dny a 16 hodin**

6.2 balón C. **5 dnů a 6 hodin**

---

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 7

3 sušenky a 2 banány stojí stejně jako 2 limonády. 1 limonáda stojí stejně jako 4 banány.

**max. 3 body**

**7 Vypočtěte, kolik sušenek stojí stejně jako:**

7.1 2 banány, **1**

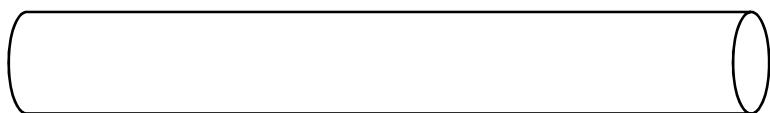
7.2 3 limonády. **6**

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 8

V lisovně plechů vyrobili velkou trubku, jejíž délka je 2 m a průměr 14 cm. Trubka není uzavřená ani z jedné strany.

Za  $\pi$  dosazujte hodnotu:

$$\pi = \frac{22}{7}$$



**max. 3 body**

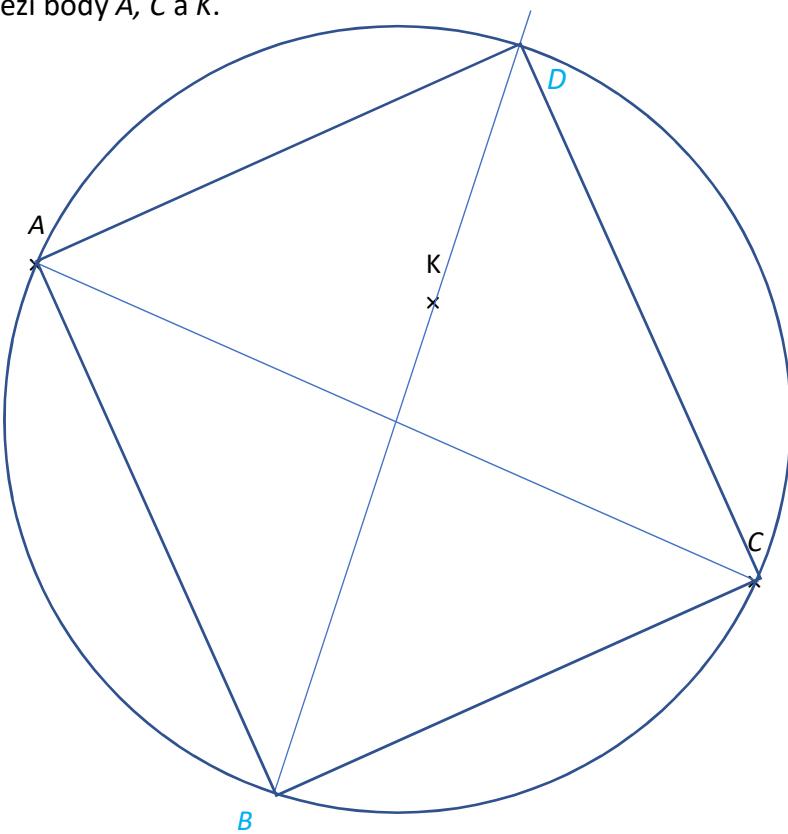
### 8 Vypočtěte

- 8.1 v  $\text{dm}^2$ , kolik plechu tvoří tuto trubku, **88**  
8.2 v  $\text{dm}^3$  objem trubky. **30,8**

Doporučení pro úlohy 9 a 10 Rýsujte přímo do záznamového archu.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží body  $A$ ,  $C$  a  $K$ .



max. 2 body

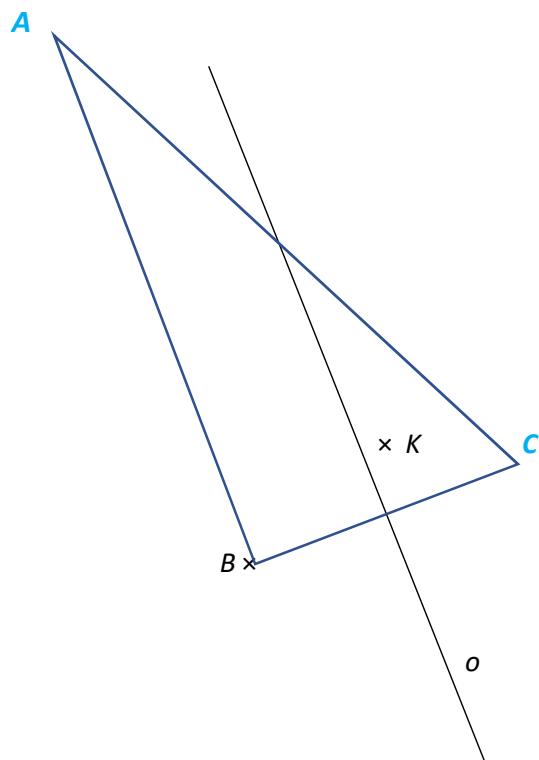
- 9 Bod  $A$  je vrcholem obdélníku  $ABCD$ . Bod  $K$  leží na přímce, na které leží jedna z úhlopříček tohoto obdélníku.

Sestrojte vrcholy  $B$ ,  $D$ , označte je písmeny a obdélník narýsujte.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 10

V rovině leží přímka  $o$  a body  $B$  a  $K$ .



max. 3 body

- 10 Bod  $B$  je vrcholem trojúhelníku  $ABC$ . Bod  $K$  je vnitřním bodem tohoto trojúhelníku. Přímka  $o$  je osou strany  $BC$ . Osa úhlu  $ABC$  svírá s přímkou  $o$  úhel o velikosti  $45^\circ$ . Vzdálenost bodu  $A$  od bodu  $B$  je dvakrát větší než vzdálenost bodu  $B$  od bodu  $C$ .

**Sestrojte** vrcholy  $A$ ,  $C$ , **označte** je písmeny a trojúhelník **naryšujte**.

**V záznamovém archu** obtáhněte celou konstrukci **propisovací tužkou** (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 11

Čísla  $A, B, C$  mají součet 230. Dále pro ně platí:

$$A : B = 3 : 2, B : C = 3 : 4$$

max. 4 body

- 11      Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1–11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).

11.1     $A : B = 9 : 6$

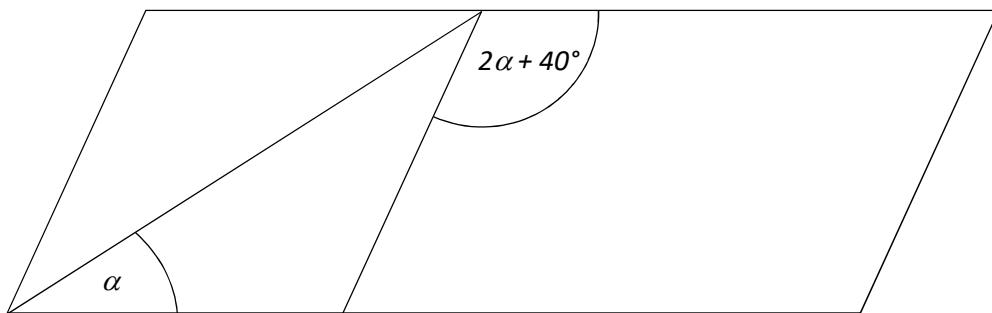
11.2     $A : C = 9 : 4$

11.3     $A + B = 150$

A	N
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12

V rovině leží kosočtverec, kosodélník a úhlopříčka kosočtverce.



2 body

- 12      Jaká je velikost úhlu  $\alpha$ ?

Velikost úhlu neměřte, ale vypočítejte.

A)  $30^\circ$

B) **35°**

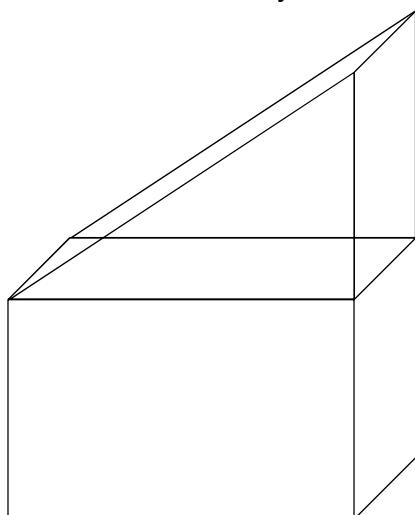
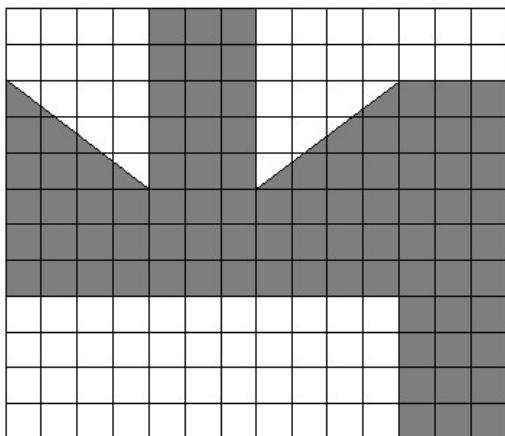
C)  $40^\circ$

D)  $45^\circ$

E) jiný výsledek

### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 13

Ve čtvercové síti je znázorněna síť tělesa na obrázku (složeného z kvádru a trojbokého hranolu). Jeden čtverec v síti má stranu dlouhou 1 cm.



**3 body**

13      **Jak velký je objem celého tělesa?**

- A)  $18 \text{ cm}^3$
- B)  $36 \text{ cm}^3$
- C)  $48 \text{ cm}^3$
- D)  $54 \text{ cm}^3$**
- E) jiný výsledek

## VÝCHOZÍ TEXT A TABULKA K ÚLOZE 14

Novákovi a Horňákoví závodili, která rodina ujde v pěti procházkách (v pěti dnech) více kilometrů.

V tabulce jsou uvedeny počty kilometrů, které každá rodina ušla během procházek. Některé údaje v tabulce chybí.

Rodina	Kilometry					Denní průměr
	1. procházka	2. procházka	3. procházka	4. procházka	5. procházka	
Novákovi	21	21	14	8	9	14,6
Horňákoví	12,4	16,2	12,0	17,7	17,7	15,2

Horňákovovi urazili během 4. a 5. procházky stejný počet kilometrů.

Novákovi ušli během 1. i 2. procházky o polovinu kilometrů více než během 3. procházky.

Během 3. procházky ušli o 6 km více než během 4. procházky a o 5 km více než během 5. procházky.

**2 body**

14 **Jak velký byl rozdíl v počtu ujítých kilometrů oběma rodinami během 4. procházky?**

- A) 3,2 km
- B) 5,2 km
- C) 7,2 km
- D) 9,2 km
- E) jiný počet km

**max. 6 bodů**

**15 Přiřaďte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–F).**

15.1 Náročný běžecký závod dokončilo 176 závodníků. 68 % závodníků závod nedokončilo.

**Kolik závodníků se zúčastnilo závodu?**

**E**

15.2 V hotelu je možné ubytovat 600 hostů, což je o čtvrtinu více, než kolik je účastníků kongresu.

**Kolik je účastníků kongresu?**

**C**

15.3 Tiskařskou vadu obsahují 4 % vytiskných knih. Dnes to představovalo 20 knih s nějakou tiskařskou vadou. Z dnes vytiskných knih je 30 knih, které jsou špatně svázané. Polovina ze špatně svázaných knih má zároveň nějakou tiskařskou vadu.

**Kolik dnes vytiskných knih je v pořádku?**

**F**

- A) 450
- B) 475
- C) 480
- D) 485
- E) 550
- F) jiný počet

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 16

V počítačové hře se v každém tahu objevuje několik symbolů. Střídají se pravidelně křížky, trojúhelníky a kolečka. Jejich počet se pravidelně střídá: dva nebo tři symboly. Ovšem v každém pátém tahu je výjimka a symboly, na které vyšla řada, přibydou ve dvojnásobném množství.

1. tah:   xxx
2. tah:   ΔΔ
3. tah:   ooo
4. tah:   xx
5. tah:   ΔΔΔ + ΔΔΔ
6. tah:   oo
7. tah:   xxx
8. tah:   ΔΔ
9. tah:   ooo
10. tah:   xx + xx
11. tah:   ΔΔΔ
12. tah:   oo

**max. 4 body**

### 16      Vypočtěte,

- |      |   |           |
|------|---|-----------|
| 16.1 | kolik symbolů celkem se ve hře objeví během prvních dvaceti tahů, | <b>60</b> |
| 16.2 | kolik koleček se ve hře objeví během prvních čtyřiceti tahů,      | <b>38</b> |
| 16.3 | v kolikátém tahu se ve hře objeví stý trojúhelník.                | <b>98</b> |